

## تخطيط الانتاج الاجمالي الضبابي باستعمال البرمجة الخطية الضبابية – بحث تطبيقي في الشركة العامة للصناعات الهيدروليكية /مصنع البلاستيك

رشا ضاري كامل                      عبد الجبار خضر بخيت

جامعة بغداد – بغداد – جمهورية العراق

[Rasha.thary@yahoo.com](mailto:Rasha.thary@yahoo.com)

### المستخلص

تناولت هذه الورقة تطبيق نموذج برمجة خطية ضبابية لتخطيط الانتاج الاجمالي في الشركة العامة للصناعات الهيدروليكية / مصنع البلاستيك لاقتراح خطة انتاج مثلى لاستغلال الطاقات المتاحة ولتقليل تكاليف الانتاج الاجمالية وتكاليف التغير في مستوى القوة العاملة وتقليل تكاليف الخزين بالاعتماد على استراتيجية الوفاء بالطلب عن طريق المخزون واستراتيجية تغيير القوى العاملة . وبالاعتماد على البيانات التي تم الحصول عليها من المصنع للمنتجات الرئيسية تم حل الانموذج حيث تبين من خلال النتائج انه تم الحصول على افضل مستوى من الانتاج والخزين والعمالة إذ كانت درجة رضا المقرر مساوية لـ 0.896 وأن دالة الهدف تشير إلى أن التكلفة الدنيا لداله الهدف تساوي (5551900000) دينار وهي تكلفه جيده مقارنة بالحد الاعلى الذي حدده صانع القرار. لقد تم استخدام البرنامج GAMS لاستحصاال النتائج وتحديدها.

### **Aggregate Production Planning by using fuzzy linear programming A applied research in general company for Hydraulic Industries / plastics factory**

**Abed Al. Jabbar Khadr Bakheet Rasha Dhary Kamel  
University of Baghdad –Baghdad – Iraq**

### **Abstract**

The paper presents,applying the fuzzy linear programming for aggregate production planning , in General Company for hydraulic industries / plastic factory to minimize total production costs , carrying costs and minimize changes in labour levels costs and get an optimal production plan . depending on the gained data from the plant of the major products and after the dissolution of the model using the software (GAMS) was

getting the best level from the production , inventory and labour levels , where the total production costs was (5551900000) dinar, resulting deviational value for the fuzzy goal are 0.896 that consider good .that were catered level of ambition of the decision-maker values

## المقدمة

يعتبر تخطيط الإنتاج من المهام التخطيطية التي يتعين على أي شركة أدائها للسيطره على الموارد الانتاجية المتاحة والقدرة على مواجهة الطلب المتوقع لتلبية احتياجات عملائها على مدى زمني عادة يمتد بين (3-18) شهر<sup>[1]</sup> بالاعتماد على اساليب علمية تنظيمية. حيث تبرز اهمية هذا النوع من التخطيط في حالة التذبذب في الكميات المطلوبة إذ نرى إن البيئة الصناعية الحالية هي ديناميكية كثيرة الحركة بسبب حالات عدم الاستقرار بين العرض والطلب بسبب تغير الظروف المحيطة بالشركة و يكون هدفه بالاساس هو تحديد مستوى الانتاج الممكن والامثل و بما يضمن تلبية الطلب المتوقع وبأقل كلفه ممكنة وهذا لايمكن تحقيقه بدون استخدام بدائل انتاجيه يطلق عليها بإستراتيجيات التخطيط الاجمالي للانتاج ، ترتبط بهذه الإستراتيجيات تكاليف معينه هذه التكاليف عادة ما تكون غير دقيقة وغامضه تتغير حسب التغيرات الموسمية ، ونظراً لظروف عدم التاكيد المحيطة بالتكاليف الاجمالية لهذه الإستراتيجيات الامر الذي يجعل مهمة الشركة معقده في اختيار الإستراتيجية التي تحقق اهدافها كـ( زيادة الارباح و تقليص تكاليف الانتاج وتلبية الطلبيات و تقليل الاستثمار في المخزون وتقليص تكاليف تغير القوى العاملة،...) بأقل تكلفة من هنا تظهر اهمية استعمال النظرية الضبابية في صياغة نموذج برمجة خطية ضبابية لتخطيط الانتاج الاجمالي .

## 1- مشكلة البحث :

تحددت معالم المشكلة في الشركة المبحوثة في انخفاض مستوى استغلال الطاقة المتاحة للموارد والفشل في تحقيق كميات الطلب المتوقع و زيادة تكاليف الانتاج للشركة و لأن الشركة المبحوثة لا تسعى لتحقيق هدف واحد و انما تحقيق عدة اهداف فمتطلبات الحياة العملية و واقع الشركة و ظروفها الداخلية جعل الشركة تسعى الى تحقيق عدة اهداف في ان واحد فكل شركة تسعى الى تعظيم الارباح وتقليل التكاليف و تحديد مستوى الانتاج الممكن والامثل و بما يضمن تلبية الطلب المتوقع وبأقل كلفه ممكنة ونظراً لعدم توفر معلومات ومعطيات بشكل دقيق واكيد وعدم القدرة على التنبؤ بالاوضاع المستقبلية تكون قيم هذه

الاهداف غير دقيقة بشكل واضح وعلى هذا الاساس كان لابد من وضع خطة انتاج علمية متكاملة تحقق اهداف الشركة.

## 2- الهدف من البحث :

يهدف البحث الى وضع خطة انتاجية متوسطة الامد لفته تمتد 12 شهر في الشركة العامة للصناعات الهيدروليكية / مصنع البلاستيك لاستغلال كافة الموارد المتاحة بالشكل الامثل من خلال التخطيط الامثل لجميع الموارد في الشركة لتلبية الطلب المتوقع على منتجاتها وتحقيق الاهداف التي تسعى لها الشركة وهي (تقليل تكاليف الانتاج الاجماليه ، تقليل تكاليف التغير في مستوى القوى العاملة ، تقليل تكاليف الخزين ) وذلك بصياغة نموذج برمجة خطية ضبابية لتخطيط الانتاج الاجمالي .

## 3- عينة البحث

تم اختيار الشركة العامة للصناعات الهيدروليكية / مصنع البلاستيك وهي احدى الشركات التابعة لوزارة الصناعة والمعادن ، تأسس مصنع البلاستيك عام 1985 وكان اسمه انذاك مصنع النعمان وهو متخصص في صناعة المنتجات البلاستيكية ويقوم بأنتاج منظومات الري الحديثة لإسناد وزارة الزراعة والمزارعين بهذه المنظومات من اجل النهوض بالواقع الزراعي في العراق. ان عينة البحث تمثلت بالمنتجات الرئيسية للمصنع والمتكونه من ثلاث منتجات كما مبين في الجدول التالي:

جدول رقم (1) منتجات المصنع

التسلسل	اسم المنتج	الرمز	وحده القياس
1	منظومة ري بالتنقيط	Pr <sub>1</sub>	وحدة
2	منظومة بيت بلاستيك	Pr <sub>2</sub>	وحدة
3	منظومه ري نخيل	Pr <sub>3</sub>	وحدة

## الجانب النظري

### 1-4 البرمجة الخطية الضبابيه في تخطيط الانتاج الاجمالي

تعد تطبيقات البرمجة الخطية في الواقع العملي محدوده لانها تفرض حالة التاكيد في تعظيم او تدنية قيمة الاهداف ألا انه في الواقع الحقيقي اغلب المشاكل تحدث في بيئة ضبابية فعند صياغة نموذج رياضي نجد عوامل متنوعة من النظام الحقيقي يجب ان تُعكس في وصف الاهداف والقيود فلهذا غالبا ما تكون مهمة صانع القرار صعبه في تحديد بدقة قيمة الطلب المتوقع و تكلفة الإنتاج التي قد تتغير كثيرا بسبب تغيرات الطلب على المواد الأولية وايضا

تحديد مستويات الطموح للاهداف في ظل عدم يقين يحيط بالبيانات وعليه فإن نظرية المجموعة الضبابية تعتبر اداة مفيدة للتعامل مع ظروف عدم الدقة، اذ تناول عدد من الباحثين دراسات في محاولة لنمذجة مشكلة التخطيط الاجمالي للانتاج باستعمال النظرية الضبابية ففي العام 2011 قام الباحث Busaba و اخرون بدراسه لتطبيق نموذج برمجته خطية لتخطيط الانتاج في شركة تنتج منتجات كهربائية عندما يكون الطلب غير اكيد وضبابي اذ تم صياغة النموذج بهدف زياده الارباح وامكانية تحديد كمية الطلب بشكل دقيق وبعد تطبيق الدراره وجد ان النموذج يولد أفضل خطة تساعد الشركة في تحقيق اهدافها [5] ، وفي العام 2016 قام الباحث Melih من جامعة تونسلي التركية بدراسه لتخطيط الانتاج في مصنع ينتج سته انواع من الاثاث الغرض من الدراره هو تحديد حجم الإنتاج الذي سوف يزيد من متوسط الربح باستخدام البرمجة الخطية الضبابية [6].

#### 2-4 نموذج البرمجة الخطية الضبابية في التخطيط الاجمالي

تعتبر LP من البدائل الجيده للتعامل مع الواقع العملي لحل مشاكل تخطيط الانتاج الاجمالي في اغلب المؤسسات، لكنها لا تعبر عن الواقع بصورة دقيقة لظروف عدم الدقة المحيطة بالبيانات والمعلومات المعطاة لكون البيئه غير مستقره وديناميكية فيكون من الصعب على صانع القرار تحديد كمية الطلب المتوقع او تحديد التكاليف او مستوى الطاقة ،و من هذا المنطلق تظهر اهمية النظرية الضبابية في حل مشاكل تخطيط الانتاج الاجمالي حيث قام الباحث Zimmermann بصياغة اول نموذج خطي ضبابي باستعمال دوال الانتماء الخطية [7] التي تاخذ الشكل التالي [2]

$$m(g)_i = \begin{cases} 1 & \text{if } g_i \leq g_{i'} \\ \frac{g_{i''} - g_i}{g_{i''} - g_{i'}} & \text{if } g_{i'} < g_i \leq g_{i''} \\ 0 & \text{if } g_i > g_{i''} \end{cases} \dots (1)$$

$g_{i'}$  : تمثل الحد الادنى لداله الهدف التي يحددها صانع القرار .

$g_{i''}$  : تمثل الحد الاعلى لداله الهدف التي يحددها صانع القرار .

$m$  : تمثل درجة رضا صانع القرار

وتكون صياغة النموذج الرياضي بالشكل التالي [7]

$$\begin{aligned} & \max. . m \\ & \text{s.to} \\ & m \leq \frac{g_{i''} - g_i}{g_{i''} - g_{i'}} \\ & c_x \leq c \\ & m \in [0,1] \end{aligned}$$

من خلال النموذج يقترح تعظيم قيمة  $m$  التي تعبر عن درجة رضا المقرر اذ كلما كانت قيمه  $m$  قريبة ومساويه لل(1) هذا يعني ان صانع القرار راض جدا بنسبة 100% وكلما كانت قريبة او مساويه لل(0) هذا يعني ان صانع القرار غير راض تماما عن الحل الامثل وهذا يعد امر غير جيد . ولبناء نموذج رياضي من اجل اعداد خطة انتاج اجمالية معتمدين على استراتيجية الوفاء بالطلب عن طريق الخزين واستراتيجية تغيير القوى العاملة لابد من تعريف متغيرات ومعلمات الانموذج [4] [3]:

#### 4-2-1 تعريف رموز ومعالم الانموذج

T	: الفترة الزمنية
N	: العدد الكلي للمنتجات
$CP_i$	: كلفة انتاج وحده واحده من المنتج $i$ باستثناء تكاليف اليد العاملة
$CI_i$	: كلفة خزن وحده واحده من المنتج $i$
$CW_t$	: معدل اجر العامل الواحد في الوقت الطبيعي
$W_t$	: مستوى القوى العاملة في الفترة $t$
$D_{it}$	: التنبؤ بالطلب للمنتج $i$ في الفترة $t$
$Q_{it}$	: كميه انتاج العامل الواحد من المنتج $i$ في الفترة $t$
$I_{it}$	: مستوى الخزين من المنتج $i$ في الفترة $t$
$P_{it}$	: الكمية المنتجة من المنتج $i$ في الفترة $t$
$H_t$	: عدد العمال الذين يتم أستئجارهم في الفترة $t$
CH	: كلفة إستئجار العمال
$F_t$	: عدد العمال الذين يتم الذين يتم الأستغناء عنهم في الفترة $t$
CF	: كلفه الأستغناء عن العمال
$I_{it \min}$	: ادنى مستوى خزين يتم الاحتفاظ به من المنتج $i$ في الفترة $t$
$W_{\max}$	: الحد الاعلى لمستوى القوى العاملة خلال الفترة $t$
$W_{\min}$	: الحد الادنى لمستوى القوى العاملة خلال الفترة $t$

#### 4-2-2 تعريف داله الهدف

تقليل تكاليف الانتاج الاجمالية و تكاليف الخزين وتقليل تكاليف التغير في مستوى القوى العاملة.

$$\text{Min } g \cong \sum_{i=1}^n \sum_{t=1}^T (C P_i P_{it}) + \sum_{t=1}^T (C W_t W_t) + \sum_{i=1}^n \sum_{t=1}^T (C I_i I_{it}) + \sum_{t=1}^T (C H H_t + C F F_t) \dots (2)$$

#### 3-2-4 القيود

أولاً: قيود الانتاج والخزين

$$P_{it} + I_{it-1} - I_{it} = D_{it} \dots (3)$$

$$I_{it} \geq I_{it \min} \dots (4)$$

ثانياً : قيود مستوى القوى العاملة

$$W_t - W_{t-1} - H_t + F_t = 0 \dots (5)$$

$$W_{\min} \leq W_t \leq W_{\max} \dots (6)$$

ثالثاً : قيد انتاجية العامل في الوقت الطبيعي

$$P_{it} - (Q_{it} W_t) \leq 0 \dots (7)$$

رابعاً : قيد عدم السالبية

$$P_{it} , I_{it} , W_t , H_t , F_t \geq 0 \dots (8)$$

#### 5-الجانب التطبيقي

1-5 الصياغة الرياضية لنموذج التخطيط الاجمالي في مصنع البلاستيك

مشكلة التخطيط في المصنع : يختص المصنع بانتاج منتجات بلاستيكية متنوعة ، وقد ركز البحث على المنتجات الرئيسية للمصنع وهي ثلاث منتجات ( منظومة ري بالتنقيط ، منظومه بيت بلاستيك ، منظومة ري نخيل ) . عدد عمال المصنع 329 عامل بمختلف الدرجات الوظيفيه وان عدد عمال الانتاج للمنتجات 24 عامل يكون العمل طيلة ايام الاسبوع عدا يومي الجمعه والسبت لمدته سبع ساعات في اليوم .

ان تذبذب الطلب على منتجات المصنع ادى الى تكون فجوه بين الطاقة المتاحة والطلب على المنتج وكذلك ان استخدام اساليب قديمه لوضع الخطط الانتاجية ادى الى زياده تكاليف الانتاج وتكاليف الخزين

فلوضع خطة لاستغلال كافة الموارد المتاحة لسد الفجوه بين الطاقة المتاحة والطلب وتحقيق اهداف الشركة باقل التكاليف سنستخدم نموذج برمجته خطية ضبابيه لتخطيط الانتاج في المصنع لتقليل تكاليف الانتاج الاجماليه و تكاليف التغير في مستوى القوى العامله و تقليل

تكاليف التخزين في ظل ضبابية تحيط بمجموع التكاليف معتمدين في ذلك على استراتيجية الوفاء بالطلب عن طريق المخزون واستراتيجية تغيير القوى العاملة .

- تكون فترة التخطيط (12) اشهر ل(3) منتجات .
- وفيما يلي البيانات التي تم الحصول عليها من سجلات قسم التخطيط في المصنع ، المتعلقة بالطلب وتكاليف الانتاج وتكاليف التخزين و انتاجية العامل

جدول رقم (2) يبين البيانات المتعلقة بالطلب وتكاليف الانتاج وتكاليف التخزين و انتاجية

العامل

المنتج	الفترة	الطلب المتوقع Dit ( وحدة )		كفاه الانتاج Cpi ( الدينار )	كفاه التخزين Ci ( الدينار )	انتاجية العامل Qit ( وحدة )
Pr <sub>1</sub>	1			1500000	2500	14
	2			1500000	2500	14
	3			1500000	2500	14
	4	113	112	1500000	2500	14
	5	115	115	1500000	2500	14
	6	117	115	1500000	2500	14
	7	117	117	1500000	2500	14
	8	120	120	1500000	2500	14
	9	122	120	1500000	2500	14
	10			1500000	2500	14
	11			1500000	2500	14
	12			1500000	2500	14
Pr <sub>2</sub>	1			215000	750	13
	2			215000	750	13
	3			215000	750	13
	4	100	100	215000	750	13
	5	110	100	215000	750	13
	6	110	110	215000	750	13
	7	110	110	215000	750	13
	8	115	115	215000	750	13
	9	115	115	215000	750	13
	10			215000	750	13
	11			215000	750	13
	12			215000	750	13
Pr <sub>3</sub>	1			2600000	3000	15
	2			2600000	3000	15
	3			2600000	3000	15
	4	75	75	2600000	3000	15
	5	80	75	2600000	3000	15
	6	80	80	2600000	3000	15
	7	90	90	2600000	3000	15
	8	80	95	2600000	3000	15
	9	80	80	2600000	3000	15
	10			2600000	3000	15
	11			2600000	3000	15
	12			2600000	3000	15

المصدر : اعداد الباحث بالاعتماد على سجلات قسم التخطيط في المصنع

- خزين اول المدة لكل منتج

جدول رقم (3) يبين خزين اول المده لكل منتج

المنتج	الكمية ( وحدة )
Pr <sub>1</sub>	100
Pr <sub>2</sub>	75
Pr <sub>3</sub>	50

المصدر: إعداد الباحث بالاعتماد على سجلات قسم التخطيط

- الحد الادنى لمستوى المخزون الذي يجب الاحتفاظ به في المصنع لكل منتج .

جدول رقم (4)

المنتج	الكمية ( وحدة )
Pr <sub>1</sub>	25
Pr <sub>2</sub>	50
Pr <sub>3</sub>	50

المصدر : إعداد الباحث بالاعتماد على سجلات قسم التخطيط

- الحد الادنى لمستوى القوة العاملة التي لايمكن للمصنع الاستغناء عنهم
- $W_{min} = 24$  عامل لكل فترة .
- الحد الاعلى لمستوى القوة العاملة التي لايمكن للمصنع تجاوزها
- $W_{max} = 27$  عامل لكل فترة .
- القيمة المبدئية في بداية الفترة لمستوى القوة العاملة في المصنع هو  $W_0 = 24$  عامل.
- الطاقة التخزينيه القصوى لكافة المنتجات 100000 وحدة .
- التكاليف المرتبطة بتعيين وتسريح العمال ومعدل اجر العامل هي

جدول رقم (5)

كلفة تأجير عامل	222000 دينار
كلفة الاستغناء عن عامل	322000 دينار
معدل اجر العامل	848000 دينار

المصدر: إعداد الباحث بالاعتماد على سجلات قسم التكاليف

- الكلفة الاجمالية التي حددها صانع القرارا انطلاقا من خبرته السابقة كانت ضمن المدى ( 6500000000,6000000000 ) دينار .
- من خلال المعلومات التي تم الحصول عليها يمكن تمثيل داله الانتماء الخطية للكلفة الاجماليه بالشكل التالي :



$$m(g) = \begin{cases} 1 & \text{if } g_i \leq 6000000000 \\ \frac{6500000000 - g}{5000000000} & \text{if } 6000000000 < g_i \leq 6500000000 \\ 0 & \text{if } g_i > 6500000000 \end{cases}$$

بعد تحديد داله انتماء الهدف التي تتضمن جميع التكاليف الاجمالية التي حددها صانع القرار بالاعتماد على خبرته السابقة ، تكون النموذج الرياضي لتخطيط الانتاج الاجمالي الضبابي لمصنع البلاستيك كمايلي :

$$\max g = m$$

s.to

$$m \leq \frac{6500000000 - g}{5000000000}$$

$$P_{it} + I_{it-1} - I_{it} = D_{it}$$

$$I_{1t} \geq 25$$

$$I_{2t} \geq 50$$

$$I_{3t} \geq 50$$

$$W_t - W_{t-1} - H_t + F_t = 0$$

$$W_{min} \leq W_t \leq W_{max}$$

$$P_{it} - (Q_{it} W_t) \leq 0$$

$$\sum_{i=1}^3 I_{it} \leq 100000$$

$$I_{10} = 100$$

$$I_{20} = 75$$

$$I_{30} = 50$$

$$P_{it}, I_{it}, W_t, H_t, F_t \geq 0$$

$$W_t, H_t, F_t \text{ (Integers)}$$

بعد بناء النموذج الرياضي لتخطيط الانتاج في الشركة العامة للصناعات الهيدروليكية / مصنع البلاستيك و بالاعتماد على استراتيجية الوفاء بالطلب عن طريق المخزون واستراتيجية تغيير القوى العاملة لتقليل تكاليف الانتاج الاجمالية وتقليل تكاليف التغير في مستوى القوة العاملة وتقليل تكاليف الخزين تم حل النموذج اعلاه باستخدام برنامج الـ(GAMS) حيث وجد انه تم الحصول على افضل مستوى من الانتاج والخزين والعماله و وجد ان درجة رضا المقرر مساوية ل 0.896 وأن دالة الهدف تشير إلى أن التكلفة الدنيا لداله الهدف تساوي (5551900000)دينار وهي تكلفه جيده مقارنة بالحد الاعلى الذي حدده صانع القرار. الجدول رقم (7) يبين الكمية المثلى من الانتاج والخزين ومستوى قوة العمل لكل منتج طيلة المدة الزمنية للتخطيط بناء على مخرجات البرنامج

## جدول رقم (7) يبين كمية الانتاج والخزين ومستوى القوة العاملة

Period	product	$P_{it}$	$I_{it}$	$W_t$	$H_t$	$F_t$
0	Pr <sub>1</sub>	-	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	-	75			
	Pr <sub>3</sub>	-	50			
		-				
1	Pr <sub>1</sub>	37	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	75	50			
	Pr <sub>3</sub>	75	50			
2	Pr <sub>1</sub>	113	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	100	50			
	Pr <sub>3</sub>	75	50			
3	Pr <sub>1</sub>	115	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	100	50			
	Pr <sub>3</sub>	75	50			
4	Pr <sub>1</sub>	115	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	110	50			
	Pr <sub>3</sub>	80	50			
5	Pr <sub>1</sub>	115	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	110	50			
	Pr <sub>3</sub>	80	50			
6	Pr <sub>1</sub>	117	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	110	50			
	Pr <sub>3</sub>	80	50			
7	Pr <sub>1</sub>	117	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	110	50			
	Pr <sub>3</sub>	90	50			
8	Pr <sub>1</sub>	117	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	110	50			
	Pr <sub>3</sub>	90	50			
9	Pr <sub>1</sub>	120	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	115	50			
	Pr <sub>3</sub>	95	50			
10	Pr <sub>1</sub>	120	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	115	50			
	Pr <sub>3</sub>	80	50			
11	Pr <sub>1</sub>	120	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	115	50			
	Pr <sub>3</sub>	80	50			
12	Pr <sub>1</sub>	122	25	24	0	0
	Pr <sub>2</sub>	115	50			
	Pr <sub>3</sub>	80	50			

المصدر: من اعداد الباحث بالاعتماد على مخرجات برنامج GAMS

## 7. الاستنتاجات

من خلال حل الانموذج الرياضي لتخطيط الانتاج الاجمالي في الشركة العامة للصناعات الهيدروليكية /مصنع البلاستيك باستعمال البرمجة الخطية الضبابية لتحقيق افضل مستوى للانتاج ومواجهه التقلبات في الطلب وتحقيق افضل مستوى من الخزين والعمالة اخذين بعين الاعتبار الضبابية وعدم الدقة المحيطة بالتكاليف الاجمالية للانتاج والخزين . نجد انه تم

الحصول على القرارات المثلى التي يجب على اداره المصنع استخدامها لمواجهة الطلب بادنى التكاليف كما مبين في جدول رقم (7). حيث اعطى الانموذج الرياضي تصوراً واضحاً للاستغلال الامثل لموارد الشركة من كميات منتجة وعدد عمال وكميات مخزونة مقارنة بالخطة المتبعة سابقاً بالمصنع بما يضمن تقليل التكاليف الاجمالية حيث نلاحظ من خلال النتائج التي تم التوصل اليها ان دالة الهدف تشير إلى أن التكلفة الدنيا لداله الهدف تساوي (5551900000)دينار وهي تكلفه جيده مقارنة بالحد الاعلى الذي حدده صانع القرار .

#### المصادر:

##### أ . المصادر العربية

- 1- النجار ، صباح مجيد النجارو، عبد الكريم محسن " ادارة الانتاج والعمليات " الذاكرة للنشر والتوزيع 2012

##### ب . المصادر الانكليزية

1. Reay-ChenWang . Tien-Fu Liang (2005). "Aggregate production planning with multiple fuzzy goals." International Journal of Advanced Manufacturing Technology **25**: 589–597
2. Mohammed. Mekidiche , Mostefa Belmokaddem , Zakaria Djemmaa "Weighted Additive Fuzzy Goal Programming Approach to Aggregate Production Planning" University of Tlemcen, I.J. Intelligent Systems and Applications, 2013, 04, 20-29
3. Mohammed. Mekidiche & et al 2013" Application of tolerance approach to fuzzyGoal programming to aggregate production planning" Int. J. Mathematics in Operational Research, Vol. 5, No. 2, 2013
4. Phruksaphanrat, B. Ohsato, A. Yenradee, P. (2011). "AGGREGATE PRODUCTION PLANNING WITH FUZZY DEMAND AND VARIABLE SYSTEM CAPACITY BASED ON THEORY OF CONSTRAINTS MEASURES." International Journal of Industrial Engineering **18**(5): 219-231.
5. Yücesan, M. (2016). "A Fuzzy Mathematical Linear Programming for Aggregated Production Planning: A Case Study for Furniture Company." International Symposium on Innovative Technologies in Engineering and Science: 670-676.
6. Zimmermann, H.J, " Fuzzy programming and linear programming with several objective functions", *Fuzzy Sets and Systems*, vol 25 , 1978 , PP 175-182..